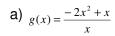
ASIGNATURA : MATEMATICAS MATERIAL DE APOYO

NIVEL : 1er. AÑO PROFESORAS L. ALTIMIRAS R. **CARRERA** : DISEÑO C. RAMÍREZ N

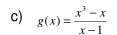
: 2010 PROF. AYUD. C. ESCOBEDO C. AÑO

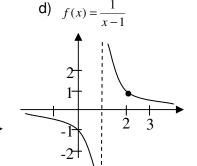
GUIA N°5 (LIMITE Y CONTINUIDAD)

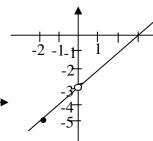
Utilice las gráficas para determinar por simple inspección lo solicitado: **I**.-











 $1.-\lim_{x\to 2} f(x)$

$$2.-\lim_{x\to 0}g(x)$$

 $1.- \lim_{x \to -1} g(x)$

$$2.- \lim_{x\to 0} h(x)$$

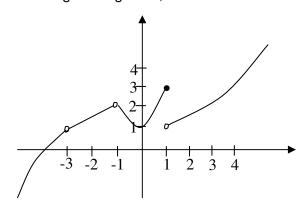
 $1.-\lim_{x\to -2}h(x)$

$$2.-\lim_{x\to 1}g(x)$$

 $1.-\lim_{x\to -1}g(x)$

$$2.-\lim_{x\to 1} f(x)$$

II.-Basándose en la siguiente gráfica, dé a conocer:



$$1.-\lim_{x\to -3} f(x)$$

2.-
$$\lim_{x \to -1^{-}} f(x)$$
 3.- $\lim_{x \to 1^{+}} f(x)$ 4.- $\lim_{x \to 1} f(x)$

3.-
$$\lim_{x \to 1^{+}} f(x)$$

$$4.-\lim_{x\to 1} f(x)$$

6.-
$$\lim_{x \to 1^-} f(x)$$

7.-
$$f(-1)$$
 8.- $f(1)$

8.-
$$f(1)$$

$$9.-\lim_{x\to -1}f(x)$$

10.-
$$\lim_{x \to \infty} f(x)$$

11.-
$$\lim_{x \to 0} f(x)$$

10.-
$$\lim_{x \to -3^{-}} f(x)$$
 11.- $\lim_{x \to -1^{+}} f(x)$ 12.- $\lim_{x \to -3^{+}} f(x)$

III.-Considere la gráfica anterior y clasifique las discontinuidades e los puntos x = -3; x = -1 y x = 1, respectivamente, reparando donde sea posible.

IV.-Determinar los siguientes límites:

1.-
$$\lim_{x \to -2} \frac{x^3 + 8}{x + 2}$$

$$2.- \lim_{x \to 1} \frac{x^8 - x^4}{x^{16} + x^8}$$

3.-
$$\lim_{h \to 0} \frac{(x+h)^3 - x^3}{h}$$

4.-
$$\lim_{x\to 1} \frac{x-1}{1-\sqrt{x}}$$

5.-
$$\lim_{x \to \frac{3}{2}} \sqrt{\frac{8x^3 - 27}{4x^2 - 9}}$$

6.-
$$\lim_{x\to 0} \frac{5x^3 + 8x^2}{3x^4 + 16x^2}$$

7.-
$$\lim_{x\to 1} \left(\frac{2}{x^2-1} - \frac{1}{x-1} \right)$$

8.-
$$\lim_{x\to 2} \frac{|x-2|}{x-2}$$

9.-
$$\lim_{x\to 0} \frac{\frac{1}{2+x} - \frac{1}{2}}{x}$$

10.-
$$\lim_{x \to -1} \frac{x+1}{3-\sqrt{x+10}}$$

V.- a) Calcule los límites laterales de la función f(x) en el punto x = 1

$$f(x) = \begin{cases} x+2 & \text{si } x < 1 \\ 2 & \text{si } x = 1 \\ 2-x & \text{si } x > 1 \end{cases}$$

b) Sea
$$f$$
 la función definida por $f(x) = \begin{cases} x+5 & \text{si } x < -3 \\ 9-x^2 & \text{si } -3 \le x \le 3 \\ 3-x & \text{si } x > 3 \end{cases}$

Dibuje su gráfico y determine, en caso de existir:

$$1.- \lim_{x \to -3^{-}} f(x)$$

2.-
$$\lim_{x \to -3^+} f(x)$$
 3.- $\lim_{x \to -3} f(x)$

3.-
$$\lim_{x \to -3} f(x)$$

4.-
$$\lim_{x \to 2^-} f(x)$$

4.-
$$\lim_{x \to 3^{-}} f(x)$$
 5.- $\lim_{x \to 3^{+}} f(x)$ 6.- $\lim_{x \to 3} f(x)$

6.-
$$\lim_{x \to 3} f(x)$$

VI.-Bosqueje la gráfica de una función que satisfaga todas las características dadas.

1. Dom
$$f = [0,4]$$

$$f(0) = f(1) = f(2) = f(3) = f(4) = 1$$

$$\lim_{x \to 1} f(x) = 2 \quad ; \quad \lim_{x \to 2} f(x) = 1 \quad ; \quad \lim_{x \to 3^{-}} f(x) = 2 \quad ; \quad \lim_{x \to 3^{+}} f(x) = 1$$

$$\lim_{x \to 1} f(x) = 2 \quad ; \quad \lim_{x \to 2} f(x) = 1$$

$$\lim_{x \to \infty} f(x) = 2$$

$$\lim_{x \to 2^+} f(x) = 1$$

2. Dom
$$f = [-2,2]$$

$$f(-2) = f(-1) = f(1) = f(2) = 1;$$
 $f(0) = 0$

f es discontinua de 1ª especie en x = -1

f es discontinua de 2ª especie en x = 1

$$\lim_{x\to 0} f(x) = 0$$

VII.- Para los valores de x, la función definida por:

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 3 & ,-1 < x < 1 \\ 2x - 4 & ,1 \le x < 2 \\ 5 - x^2 & ,2 \le x < 3 \end{cases}$$

es discontinua? Analice la gráfica de f(x)

VIII.- Determinar los puntos de continuidad y los de discontinuidad de las siguientes funciones

1.-
$$y = \frac{x}{x^2 + 1}$$

2.-
$$y = \frac{x-1}{\sqrt{1-x}}$$

3.-
$$y = |2x + 5|$$

IX.- Analice la continuidad de las siguientes funciones. En el caso de existir discontinuidad, clasifíquela y repare cuando sea posible:

1.-
$$f(x) = \begin{cases} \frac{x+3}{x^2+x-6} & ,x \neq 2; x \neq -3 \\ f(-3) = 2 & \\ f(2) = 1 & \end{cases}$$

2.-
$$f(x) = \begin{cases} \frac{9x^2 - 4}{3x - 2} &, x \neq \frac{2}{3} \\ 3 &, x = \frac{2}{3} \end{cases}$$

3.-
$$g(x) = \frac{x-4}{x^2 - x - 12}$$

4.-
$$g(x) = \begin{cases} \frac{1}{1 - \frac{1}{x}}, & x \neq 0 \\ 0, & x = 0 \end{cases}$$

RESPUESTAS A LOS EJERCICIOS PROPUESTOS

١.

- 1. a) 3
- 2. a) -5
- 3. a) 0 4. a) 1

- b) 1
- b) -3
- b) 2
- b) No existe

II.

- 1. 1
- 3. 1
- 5. 4
- 7. No existe
- 9. 2
- 11.2

- 2. 2
- 4. No existe
- 6. 3
- 8. 3
- 10. 1
- 12. 1

III.

- a) Discontinua de 1ª especie en x = -3. Reparable Reparación: f(-3) = 1
- b) Discontinua de 1ª especie en x = -1. Reparable Reparación: f(-1) = 2
- c) Discontinua de 2^a especie en x = 1. irreparable

IV.

- 1.- 12
- 2.- 0 3.- 3x² 4.- -2

- 5.- 27/6

- 6.- 1/2
- 7.- -1/2 8.- No existe
- 9.- -1/4
- 10.- -6

٧.

- a) lim f(x) = 3;
- lim f(x) = 1 ;
- lím f(x) No existe

b) 1.- 2

- 2.- 0
- 3.- No existe

4.- 0

- 5.- 0
- 6.- 0

VII.

Continua en x = 1Discontinua en x=2

VIII.-

- 1.- Continua en todos los Números Reales
- 2.- Continua en]-∞, 1[, Discontinuidad de 1° Especie en x=1
- 3.- Continua en todos los Números Reales

IX.

- 1.- Irreparable en x = -2. Discontinuidad de 2° Especie Reparable en x = -3, f(-3)=-1/5. Discontinuidad de 1 ° Especie
- 2.- Reparable en x = 2/3, f(2/3) = 4. Discontinuidad de 1 ° Especie
- 3.- Irreparable en x= -3. Discontinuidad de 2° Especie Reparable en x = 4, f(4)=1/7. Discontinuidad de 1 ° Especie
- 4.- Continua