

Solns.

P1) a) Para los hidrogenoides: $E_n = -\left\{ \frac{2\pi^2 \cdot m_e \cdot Z^2 \cdot e^4}{h^2} \right\} \cdot \frac{1}{n^2} = -13,6 \left(\frac{Z^2}{n^2} \right) (\text{eV})$

Ya que se trata del "hidrogenoide de Li^{2+} " $\Rightarrow Z = 3$ sus estados tienen: $E_n = -122,4 \left(\frac{1}{n^2} \right) (\text{eV})$

| | |
|--|---|
| | <p>Para la absorción:</p> $\Delta E_{\text{abs}} = 122,4 \cdot \left \frac{1}{1^2} - \frac{1}{n_j^2} \right (\text{eV}) = 1,88 \times 10^{-17} (\text{J}) \cdot \frac{1(\text{eV})}{1,6 \times 10^{-19} (\text{J})} = 117,5 (\text{eV})$ <p>luego:</p> $n_j^2 = \frac{1}{1 - \left(\frac{117,5}{122,4} \right)} = 24,98 \Rightarrow n_j = 5$ <p style="text-align: right;">1 pto</p> |
|--|---|

| | |
|--|---|
| | <p>Para la 1ª emisión:</p> $\Delta E_{\text{emis}(1)} = 122,4 \cdot \left \frac{1}{n_i^2} - \frac{1}{5^2} \right (\text{eV}) = 1,3926 \times 10^{-18} (\text{J}) \cdot \frac{1(\text{eV})}{1,6 \times 10^{-19} (\text{J})} = 8,70375 (\text{eV})$ <p>luego:</p> $n_i^2 = \frac{1}{\left(\frac{8,70375}{122,4} \right) + \left(\frac{1}{25} \right)} = 9,00 \Rightarrow n_i = 3$ <p style="text-align: right;">1 pto</p> <p>y para la 2ª emisión:</p> $\Delta E_{\text{abs}} = \Delta E_{\text{emis}(1)} + \Delta E_{\text{emis}(2)}$ $\Rightarrow \Delta E_{\text{emis}(2)} = 1,88 \times 10^{-17} - 1,3926 \times 10^{-18} = 1,74074 \times 10^{-17} (\text{J})$ <p>y</p> $\Delta E = h\nu = \frac{hc}{\lambda}$ <p style="text-align: right;">como:</p> $\Rightarrow \lambda = \frac{hc}{\Delta E} = \frac{6,626 \times 10^{-34} (\text{J} \cdot \text{s}) \cdot 3 \times 10^8 (\text{m} \cdot \text{s}^{-1})}{1,74074 \times 10^{-17} (\text{J})} \cdot 10^9 (\text{nm} / \text{m}) = 11,42 (\text{nm})$ <p style="text-align: right;">1 pto</p> |
|--|---|

b) El nº de onda para las series espectrales es: $\bar{\nu} = \mathfrak{R}_H \left\{ \frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right\} \quad \forall n_1, n_2 \in \mathbb{N} \quad \text{y} \quad n_2 \geq n_1 + 1$

y para la de Lyman ("tiene la emisión de mayor energía del espectro del Hidrógeno" $\Rightarrow n_1 = 1$):

$$\bar{\nu}_{\text{Lyman}} = \mathfrak{R}_H \left\{ \frac{1}{1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right\} \quad n_2 \geq 2$$

Las líneas convergen (se juntan) cuando $n_2 = \infty$, por lo tanto:

$$\bar{\nu}_{\text{Lyman}} = \mathfrak{R}_H = 109677 (\text{cm}^{-1})$$

y la frecuencia es: $\nu = \frac{c}{\lambda} = c\bar{\nu} = 3 \times 10^8 (\text{ms}^{-1}) \cdot 109677 (\text{cm}^{-1}) \cdot 100 (\text{cm} / \text{m}) = 3,29 \times 10^{15} (\text{s}^{-1})$ 1 pto

Naturalmente: $\lambda = \frac{1}{\bar{\nu}} = \left\{ 109677 (\text{cm}^{-1}) \right\}^{-1} = 9,118 \times 10^{-6} (\text{cm}) \cdot 10^7 (\text{nm} / \text{cm}) = 91,18 (\text{nm})$ 1 pto

Y la energía de la transición: $E = h\nu = hc\bar{\nu} = 6,626 \times 10^{-34} (\text{Js}) \cdot 3,29 \times 10^{15} (\text{s}^{-1}) = 2,18 \times 10^{-18} (\text{J})$ 1 pto

1 pto base.