

Estadísticos de contraste para variables aleatorias normales

Caso	Estadístico de Contraste	Hipótesis Nula	Notas
Media con varianza conocida	$\frac{\bar{X} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}} \sim N(0,1)$	$\mu = \mu_0$	
Media con varianza desconocida	$\frac{\bar{X} - \mu_0}{S_n/\sqrt{n-1}} \sim t_{n-1}$	$\mu = \mu_0$	S_n^2 : varianza muestral
Varianza	$\frac{nS_n^2}{\sigma_0^2} \sim \chi_{n-1}^2$	$\sigma^2 = \sigma_0^2$	
Diferencia de medias con varianzas conocidas	$\frac{\bar{X} - \bar{Y} - d_0}{\sqrt{\frac{\sigma_X^2}{n_X} + \frac{\sigma_Y^2}{n_Y}}} \sim N(0,1)$	$\mu_X - \mu_Y = d_0$	
Diferencia de medias con varianzas desconocidas pero iguales	$\frac{\bar{X} - \bar{Y} - (\mu_X - \mu_Y)}{S_p \sqrt{\frac{1}{n_X} + \frac{1}{n_Y}}} \sim t_{n_X+n_Y-2}$ $S_p = \frac{n_X S_x^2 + n_Y S_Y^2}{n_X + n_Y - 2}$	$\mu_X - \mu_Y = d_0$	$\sigma_X^2 = \sigma_Y^2 = \sigma^2$ X, Y independientes
Muestras pareadas	$\frac{\bar{D} - d_0}{S_D \sqrt{n}} \sim t_{n-1}$ $D_i = X_i - Y_i$	$\mu_X - \mu_Y = d_0$	S_D^2 : varianza asociada a D_i
Una proporción	$\frac{\hat{p} - p_0}{\sqrt{\frac{p_0(1-p_0)}{n}}} \sim N(0,1)$	$p = p_0$	
Igualdad de dos proporciones	$\frac{\hat{p}_X - \hat{p}_Y}{\sqrt{\hat{p}(1-\hat{p})\left(\frac{1}{n_X} + \frac{1}{n_Y}\right)}} \sim t_{n-1}$ $\hat{p} = \frac{\sum_i x_i + \sum_j y_j}{n_X + n_Y}$ $\hat{p}_X = \frac{\sum_i x_i}{n_X}$ $\hat{p}_Y = \frac{\sum_j y_j}{n_Y}$	$p_X = p_Y$	X, Y : v.a. Bernoulli
Igualdad de varianzas	$\frac{n_X S_X^2 / (n_X - 1)}{n_Y S_Y^2 / (n_Y - 1)} \sim F_{n_X-1, n_Y-1}$	$\sigma_X^2 = \sigma_Y^2$	X, Y independientes