

**Clase Auxiliar N°12**

**Profesor Cátedra:** Claudio Romero  
**Profesores Auxiliares:** Felipe Larraín, Víctor Medina  
 Fecha: Miércoles 23 de Junio de 2010

**Problema 1**

En la figura de más abajo se muestra un toroide delgado de sección circular  $A$ , que posee un enrollado de  $N$  vueltas con una corriente  $I_0$ . El toroide se compone de dos mitades con permeabilidades magnéticas  $\mu_1$  y  $\mu_2$  respectivamente. Dichas mitades se encuentran separadas una pequeña distancia  $h$ . ( $h \ll a, b$ ). Suponiendo que el alambre conductor de la bobina tiene una resistencia despreciable, se pide estimar, (lo más preciso posible),

- a) Energía almacenada en el sistema, en régimen permanente.
- b) Fuerza sobre la parte derecha del entrehierro, asumiendo que la izquierda está fija.

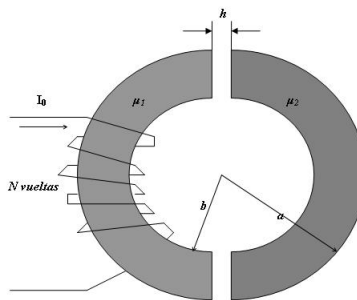


Figura 1.

**Problema 2**

Considere un sistema formado por dos bobinas de  $N_1$  y  $N_2$  vueltas enrolladas en un núcleo de hierro toroidal de permitividad magnética  $\mu$ , según se muestra en la figura. El circuito 1 (de la izquierda) es alimentado por una fuente sinusoidal, mientras que el circuito 2 se encuentra cortocircuitado.

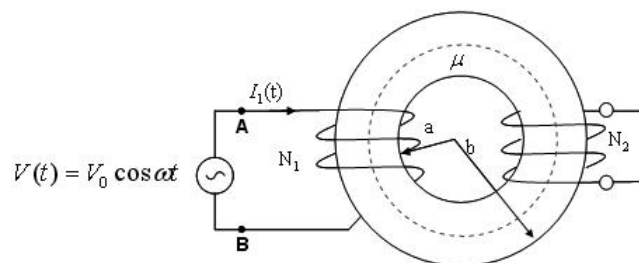


Figura 2.

Suponiendo que los circuitos 1 y 2 tienen resistencias  $R_1$  y  $R_2$  respectivamente, se pide:

(a) Calcular el valor de las corrientes  $I_1(t)$  e  $I_2(t)$  cuando ha pasado mucho tiempo desde que se conectó la fuente de voltaje  $V(t)$ .

(b) Suponga ahora que cuando por el circuito 1 se encuentra circulando la corriente máxima se produce un cortocircuito, de modo que los puntos A y B quedan unidos entre si en forma instantánea (puede suponerse que mediante un conductor de resistencia nula). En estas condiciones se pide determinar las corrientes  $I_1$  e  $I_2$  en función del tiempo. ¿Qué ocurre cuando ha pasado mucho tiempo ( $t \rightarrow \infty$ )?

### Problema 3

Una espira cuadrada de lado  $a$  y masa  $m$  puede girar libremente en torno a uno de sus lados, que se elige como eje  $z$ . La espira tiene una resistencia  $R$ . En el semiespacio  $0 \leq y$  existe un campo magnético uniforme,

$$\vec{B} = B_0 \hat{i}$$

y en el resto del espacio el campo es nulo. Asuma que el momento de inercia de la espira es

$$I_n = \frac{5ma^2}{12}$$

(a) Suponga que en  $t = 0$  la espira tiene velocidad angular  $\vec{\omega} = \omega_0 \hat{k}$ , y que se encuentra en el plano  $y = 0$ . Despreciando efectos de autoinducción, encuentre la velocidad angular de la espira, una vez que ésta ha entrado en la región  $y > 0$ , como función del ángulo  $\theta$  entre la espira y el eje  $\hat{i}$ :  $\omega(\theta)$ . En particular calcule la diferencia de velocidad angular que la espira sufre al salir del semiespacio  $0 \leq y$ .

(b) Exprese la expresión para calcular la energía disipada en la resistencia durante el tiempo que la espira permanezca en la región donde hay campo magnético.

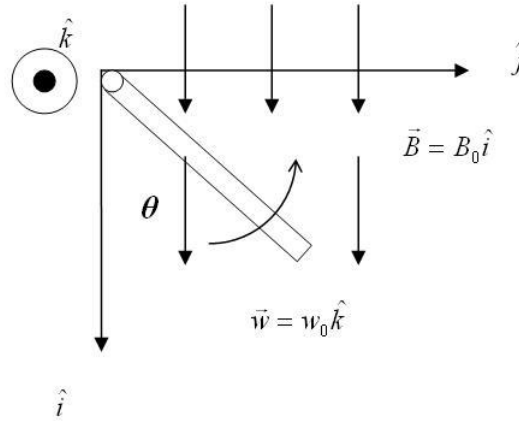


Figura 3.