

## Auxiliar N°9

### Pregunta 1

a) Considere un contrato forward a cuatro meses, para comprar un bono cero cupón que madurará en un año a partir de hoy. El precio actual del bono es \$930. La tasa libre de riesgo de cuatro meses, compuesta continuamente es de un 6% anual. Encuentre el precio forward.

b) Suponga que usted es un importador de artículos, y dado el bajo precio del dólar, decidió hace tres meses realizar un contrato forward con vencimiento a un año, para comprar US\$1.000.000. El precio acordado al final del contrato es de \$442 por dólar. Las tasas en pesos y dólares anuales, base 360, son 6,25% y 2,63% respectivamente. Si actualmente el tipo de cambio es de \$480, calcule el valor del contrato forward.

### Pregunta 2

Se tienen las siguientes tasas de interés, en términos anuales:

Plazo	Tasa \$ (%)	Tasa USD (%)
30 días	6,32	2,12
180 días	6,75	2,25
360 días	6,83	2,46
2 años	7,10	2,63
5 años	7,12	3,42

a) Se quiere realizar un contrato forward de moneda, con vencimiento en 3 meses. Si el dólar spot hoy es \$480, encuentre el valor del dólar en 3 meses más.

b) Otra opción consiste en invertir US\$500.000, en 3 meses más, con una duración de 1 año. Para esto, dada la situación económica de EE.UU. usted prefiere realizar un FRA. Encuentre la tasa fija a la cual se realizará el contrato. Para esto, utilice tasas en composición continua.

### Pregunta 3

En el modelo de la estructura óptima de Miller, el valor de la empresa apalancada ( $V_L$ ) viene dado por:

$$V_L = V_u + \left(1 - \frac{(1 - T_E)(1 - T_c)}{1 - T_D}\right) D - C(D)$$

Donde  $V_u$  es el valor de la empresa no apalancada,  $D$  es el monto de la deuda,  $T_c$  es la tasa de impuesto corporativo,  $T_E$  es la tasa de impuesto persona sobre las distribuciones de capital,  $T_D$  es

la tasa de impuesto personal sobre los intereses percibidos y  $C(D)$  es el valor presente de los costos de reorganización financiera asociados a la deuda.

Suponga que  $C(D)=aD$ ,  $a \in (0,1)$ . Demuestre que si  $(1 - T_D)(1 - C'(D)) > (1 - T_E)(1 - T_C)$ , donde  $C'(D)=dC(D)/dD$ , la empresa se financiará completamente con deuda. De lo contrario, se financiará completamente con capital. Interprete.

**Pregunta 1:**

a) Considere un contrato forward a cuatro meses, para comprar un bono cero cupón que madurará en un año a partir de hoy. El precio actual del bono es \$930. La tasa libre de riesgo de cuatro meses, compuesta continuamente es de un 6% anual. Encuentre el precio forward.

Solución:

Para conocer el precio forward, debemos utilizar el principio de no arbitraje. Este concepto consiste en que "si deposito el monto del bono a tasa libre de riesgo, en cuatro meses y compro el bono en ese momento debe ser igual que el valor futuro del bono".

Así, tenemos que

$$F = 930 * e^{r * \frac{4}{12}} = 930 * e^{0,06 * \frac{4}{12}} = 948,79$$

b) Suponga que usted es un importador de artículos, y dado el bajo precio del dólar, decidió hace tres meses realizar un contrato forward con vencimiento a un año, para comprar US\$1.000.000. El precio acordado al final del contrato es de \$442 por dólar. Las tasas en pesos y dólares anuales, base 360, son 6,25% y 2,63% respectivamente. Si actualmente el tipo de cambio es de \$480, calcule el valor del contrato forward.

Solución:

El precio de un contrato forward es cero en el momento en que se firma el contrato. Luego puede cambiar de valor, debido a que las tasas y el tipo de cambio spot (en este caso) no son fijas. Esto hace que en un período distinto al inicial, el contrato tiene un precio, el cual puede ser una ganancia o pérdida para el que lo posee. En este caso, el contrato se hizo hace tres meses, por lo que ahora, debido a los cambios en el precio del dólar, ha generado un valor. Para conocer el valor del contrato, se deben restar los ingresos y los egresos que genera éste.

Así, se tiene que

$$f = \frac{1.000.000}{\left(1 + \frac{r_{US\$}}{360}\right)^{360 * \frac{9}{12}}} * Spot - \frac{442 * 1.000.000}{\left(1 + \frac{r_{\$}}{360}\right)^{360 * \frac{9}{12}}}$$

**Pregunta 2**

Se tienen las siguientes tasas de interés, en términos anuales:

Plazo	Tasa \$ (%)	Tasa USD (%)
30 días	6,32	2,12
180 días	6,75	2,25
360 días	6,83	2,46
2 años	7,10	2,63
5 años	7,12	3,42

a) Se quiere realizar un contrato forward de moneda, con vencimiento en 3 meses. Si el dólar spot hoy es \$480, encuentre el valor del dólar en 3 meses más.

Solución:

Dado que necesitamos la tasa a 3 meses, y no es ninguna de las que nos entregan en la tabla, debemos calcularla interpolando.

Así, utilizamos las tasas de 30 y 180 días (1 y 6 meses) en \$ y US\$.

Para la tasa en \$:

$$r_{\$} = \frac{(t - t_1)}{(t_2 - t_1)} * (r_2 - r_1) + r_1$$

$$r_{\$} = \frac{(3 - 1)}{(6 - 1)} * (6,75 - 6,32) + 6,32 = 6,492$$

Para la tasa en US\$

$$r_{US\$} = \frac{(t - t_1)}{(t_2 - t_1)} * (r_2 - r_1) + r_1$$

$$r_{US\$} = \frac{(3 - 1)}{(6 - 1)} * (2,25 - 2,12) + 2,12 = 2,172$$

Luego, teniendo las tasas, podemos obtener el valor forward.

$$F = Spot * \frac{\left(1 + \frac{r_{\$}}{f}\right)^{ft}}{\left(1 + \frac{r_{US\$}}{f}\right)^{ft}}$$

$$F = 480 * \frac{\left(1 + \frac{6,492\%}{360}\right)^{360 * \frac{1}{4}}}{\left(1 + \frac{2,172\%}{360}\right)^{360 * \frac{1}{4}}} = \$485,21$$

b) Otra opción consiste en invertir US\$500.000, en 3 meses más, con una duración de 1 año. Para esto, dada la situación económica de EE.UU. usted prefiere realizar un FRA. Encuentre la tasa fija a la cual se realizará el contrato. Para esto, utilice tasas en composición continua.

Solución:

En primer lugar, como el vencimiento del contrato se realizará en 1 año 3 meses, desde hoy, debemos encontrar esa tasa, interpolando entre 1 y 2 años.

$$r_{US\$} = \frac{(1,25 - 1)}{(2 - 1)} * (2,63 - 2,46) + 2,46 = 2,503$$

En segundo lugar, dado que necesitamos tasas compuestas continuamente, vamos a convertir las tasas dadas en continuas. Necesitamos sólo las tasas a 3 meses y a 1 año, en US\$.

Para 3 meses:

$$e^{r*1} = \left(1 + \frac{2,172\%}{360}\right)^{360*1}$$

$$r = \ln[1,02196] = 2,172\%$$

Para 1 año:

$$e^{r*1} = \left(1 + \frac{2,503\%}{360}\right)^{360*1}$$

$$r = 2,503\%$$

Si bien en este caso las tasas son las mismas, puede ocurrir que no lo sean. Ahora calculamos la tasa fija del FRA. Nuevamente debemos restar ingresos menos costos, y luego traer a valor presente los flujos, e igualar a cero (esto porque estamos en el período inicial).

$$0 = -500.000 * e^{-2,172\% * \frac{1}{4}} + 500.000 * e^{r*1} * e^{-2,503\% * \frac{5}{4}}$$

$$-2,172\% * \frac{1}{4} = r - 2,503\% * \frac{5}{4}$$

$$r = 2,586\%$$

### Pregunta 3

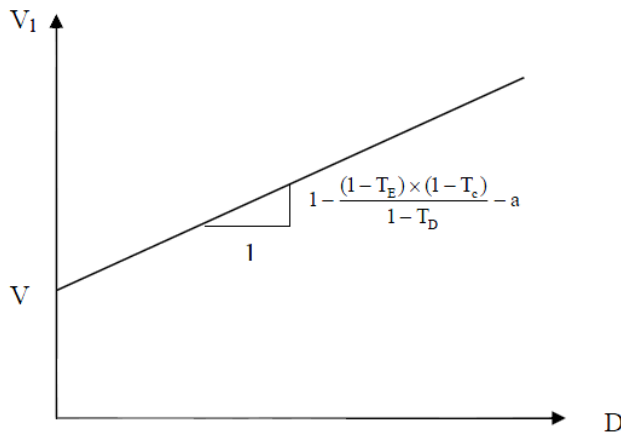
Notemos que:

$$\frac{\partial V_1}{\partial D} = 1 - \frac{(1-T_E) \times (1-T_c)}{1-T_D} - C'(D) > 0$$

si y sólo si  $(1-T_D) \times (1-C'(D)) > (1-T_E) \times (1-T_c)$ .

$C'(D)=a$  es el costo marginal de reorganización financiera, en valor presente. Este es independiente del nivel de endeudamiento (esto es,  $C''(D)=0$ ).

De lo anterior, la empresa puede aumentar su valor incrementando su endeudamiento. (Para ello, puede emitir deuda (bonos) y recomprar acciones). En particular, el valor de la empresa será máximo cuando se financie en un 100% con deuda:



¿Cuál es la intuición de la condición  $(1-T_D) \times (1-C'(D)) > (1-T_E) \times (1-T_c)$ ? Esta implica que es más barato financiarse con deuda porque:

$$\underbrace{(1-T_D) \times (1-C'(D))}_{\text{Lo que recibe, en neto, un tenedor de deuda por cada \$ de intereses percibido}} > \underbrace{(1-T_E) \times (1-T_c)}_{\text{Lo que recibe, en neto, un accionista por cada \$ de utilidades repartido como dividendo}}$$

Es decir, la deuda tiene una ventaja tributaria (después de descontar el costo marginal de administración de la deuda) por sobre el capital. Si, en cambio,  $(1-T_D) \times (1-C'(D)) < (1-T_E) \times (1-T_c)$ , la estrategia óptima es financiarse con un 100% de capital:

