

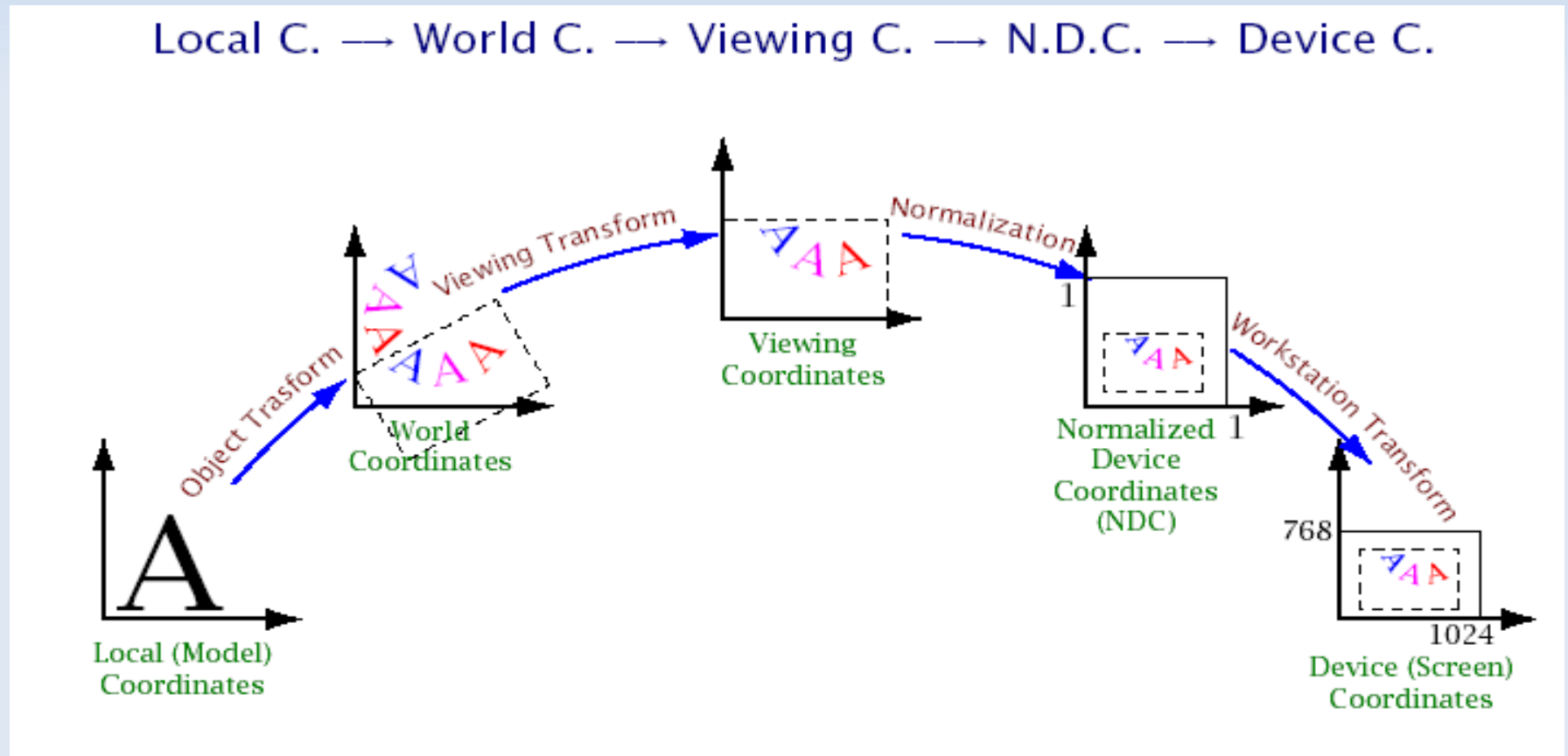
# Transformaciones de Viewing 2D y 3D (Parte I)

# Contenido

- 2D viewing pipeline
- Viewing en OpenGL
- Algoritmos de Clipping

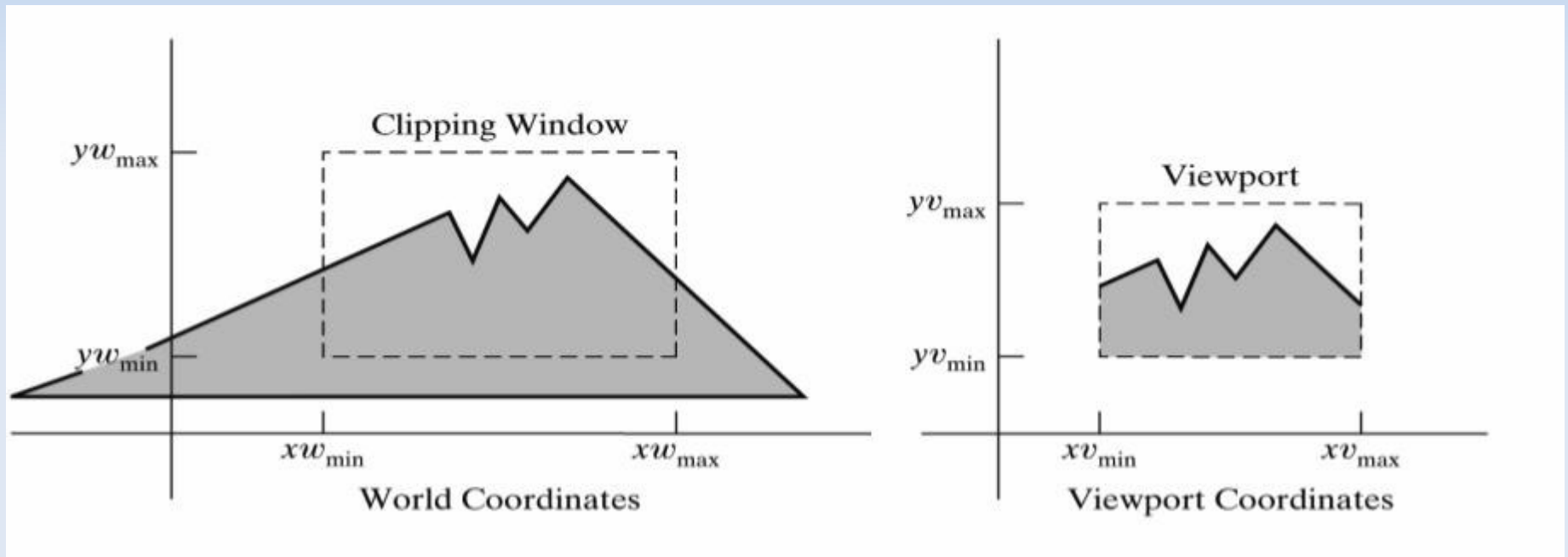
# 2D viewing pipeline

- Conceptos importantes:
  - Transformaciones de viewing 2D: mapeo from WC a DC



# 2D viewing pipeline

- Ventana de clipping y viewport



# 2D viewing pipeline

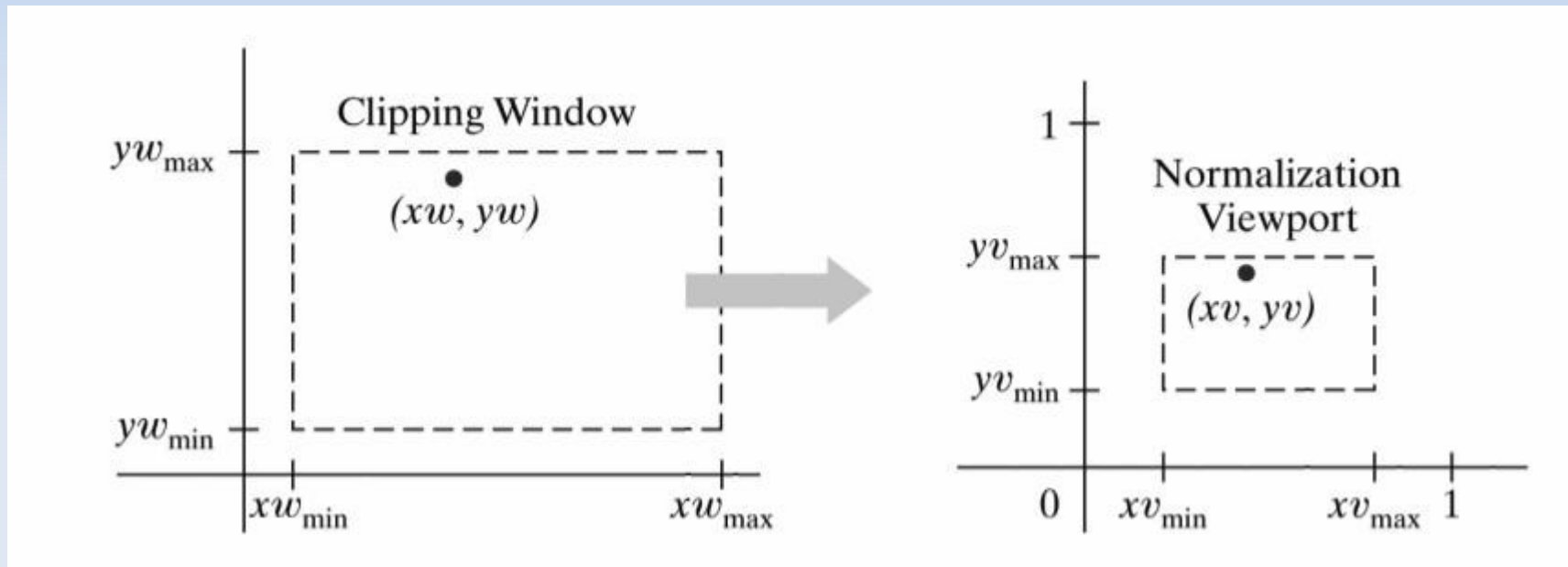
- Conceptos importantes:
  - **Ventana de clipping (WC):** selecciona las partes de la escena a mostrar en la pantalla (u otro dispositivo de salida)
  - **Ventana Viewport (VC):** especifica en qué parte de la ventana de display se mostrará la parte de la escena seleccionada en la ventana de clipping
    - Múltiples viewports pueden ser usados para mostrar múltiples vistas de la escena
    - Cambiando el tamaño de los viewports se puede mostrar los objetos de diferentes tamaños
- Propuesto: Cómo lograr zoom in y zoom out?

# 2D viewing pipeline

- Ventana de Clipping:
  - Forma: polígono convexo, círculo, etc
    - Más lento de procesar
  - Forma rectangular: inclinada o no
- En general los paquetes gráficos solo se proveen ventanas de forma rectangular y con arcos paralelos a los eje x e y

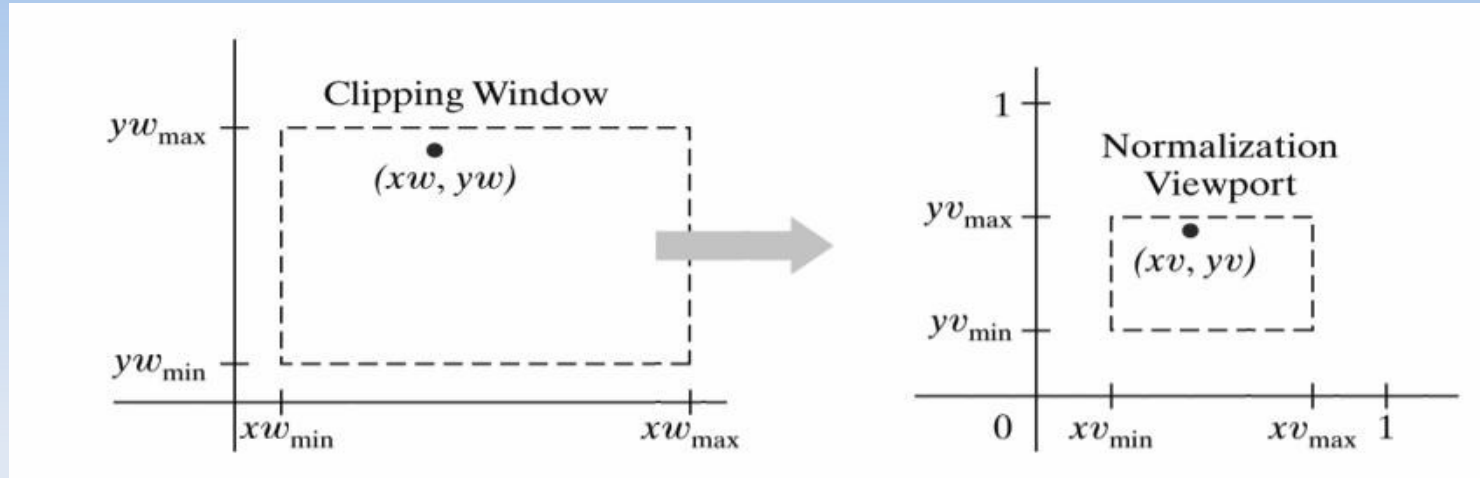
# 2D viewing pipeline

- Mapeo Ventana de clipping- ventana viewport normalizada



- Cómo calcular la transformación asociada?

# 2D viewing pipeline



$$\frac{xv - xv_{\min}}{xv_{\max} - xv_{\min}} = \frac{xw - xw_{\min}}{xw_{\max} - xw_{\min}}$$

$$\frac{yv - yv_{\min}}{yv_{\max} - yv_{\min}} = \frac{yw - yw_{\min}}{yw_{\max} - yw_{\min}}$$

Resolviendo la expresión anterior se obtiene:

$$xv = s_x xw + t_x$$

$$yv = s_y yw + t_y$$



# 2D viewing pipeline

- Donde

$$s_x = \frac{XV_{max} - XV_{min}}{XW_{max} - XW_{min}} \qquad s_y = \frac{yV_{max} - yV_{min}}{yW_{max} - yW_{min}}$$

- y

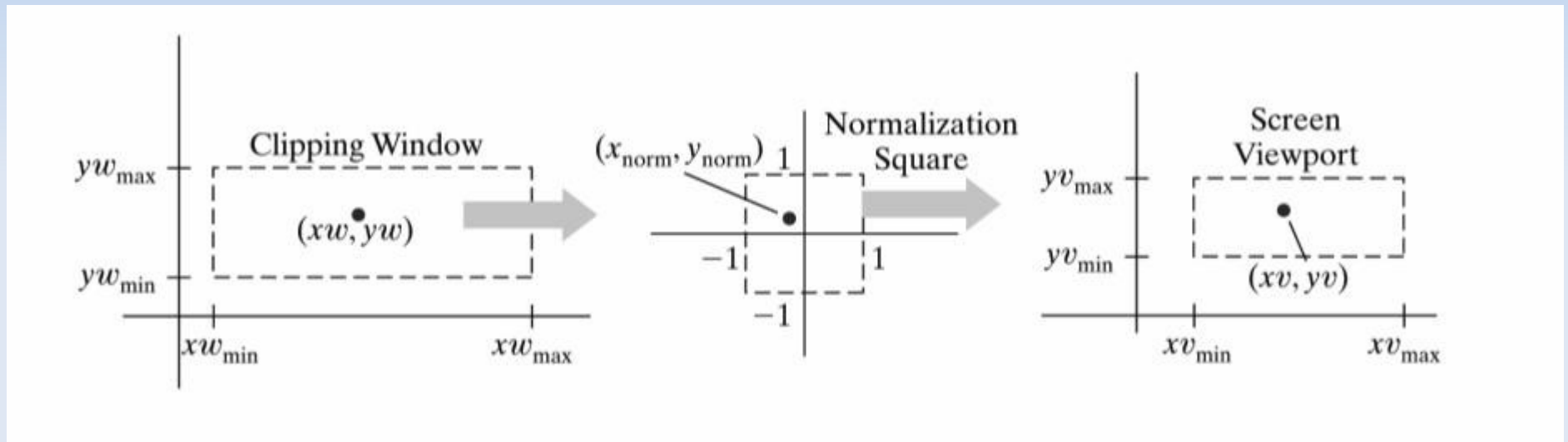
$$t_x = \frac{XW_{max} XV_{min} - XW_{min} XV_{max}}{XW_{max} - XW_{min}}$$

$$t_y = \frac{yW_{max} yV_{min} - yW_{min} yV_{max}}{yW_{max} - yW_{min}}$$

- Propuesto: obtener la transformación aplicando las transformaciones vistas las clases anteriores

# 2D viewing pipeline

- Otra forma de viewing pipeline es:



- Propuesto: Construir la matriz resultante.

# OpenGL 2D viewing

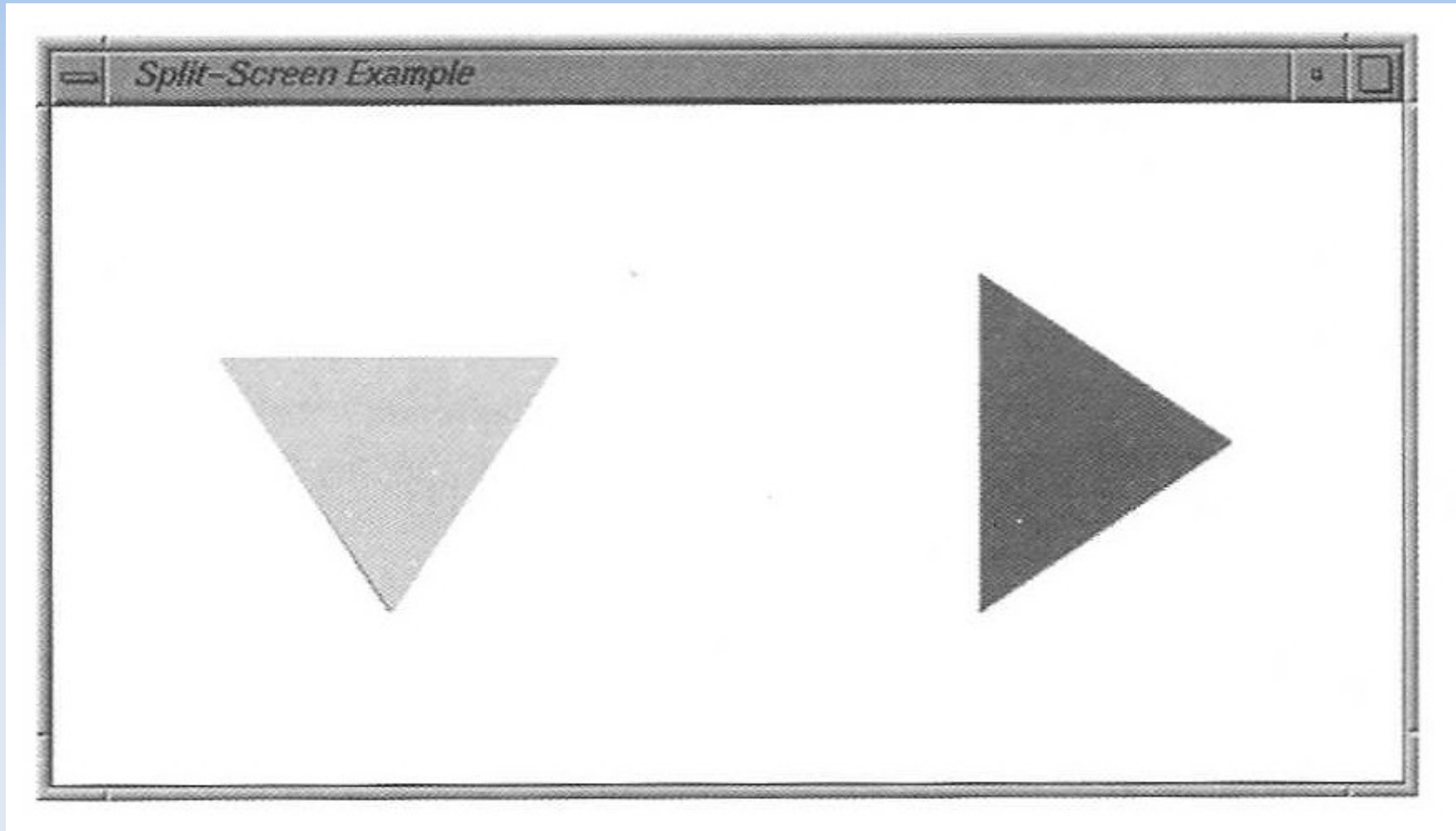
- En realidad, OpenGL no provee funciones especiales para 2D viewing pipeline
- Cómo se especifica la ventana de clipping?
  - `glMatrixMode(GL_PROJECTION);`
  - `glLoadIdentity();`
  - `glOrtho2D(xwmin,xwmax, ywmin,ywmax);`
- Si no se especifica una ventana de clipping, los valores usados son:

$$(xw_{min}, yw_{min}) = (-1.0, -1.0) \quad y \quad (xw_{max}, yw_{max}) = (1.0, 1.0)$$

# OpenGL 2D viewing

- Cómo se especifica viewport?
  - `glViewport(xvmin,xvmax,vpWidth,vpHeight);`
  - Los parámetros son coordenadas enteras
  - (xvmin,yvmin) esquina inferior izquierda relativa a la esquina interior izquierda de la ventana de display
- Cómo crear múltiples vistas?
  - `glGetIntegerv(GL_VIEWPORT, vpparray);`
  - Obtiene los parámetros del viewport actual

# Ejemplo en OpenGL



# Visualización de un triángulo en dos viewports

```
void main (int argc, char ** argv)
{
    glutInit (&argc, argv);
    glutInitDisplayMode (GLUT_SINGLE | GLUT_RGB);
    glutInitWindowPosition (50, 50);
    glutInitWindowSize (600, 300);
    glutCreateWindow («Split-Screen Example»);

    init ( );
    glutDisplayFunc (displayFcn);

    glutMainLoop ( );
}
```

# Inicialización

```
#include <GL/glut.h>

class wcPt2D {
public:
    GLfloat x, y;
}

void init (void)
{
    /* Establece el color de la ventana visualización en blanco. */
    glClearColor (1.0, 1.0, 1.0, 0.0);

    /* Establece los parámetros de la ventana de recorte en
    * coordenadas universales. */
    glMatrixMode (GL_PROJECTION);
    gluOrtho2D (-100.0, 100.0, -100.0, 100.0);

    /* Establece el modo de construcción de la matriz de
    * transformación geométrica. */
    glMatrixMode (GL_MODELVIEW);
}
```

# Especificación del triángulo

```
void triangle (wcPt2D *verts)
{
    GLint k;

    glBegin (GL_TRIANGLES);
        for (k = 0; k < 3; k++)
            glVertex2f (verts [k].x, verts [k].y);
    glEnd ( );
}
```



# Función que dibuja

```
void displayFcn (void)
{

    /* Define la posición inicial del triángulo. */
    wcPt2D verts [3] = { {-50.0, -25.0}, {50.0, -25.0}, {0.0, 50.0} };

    glClear (GL_COLOR_BUFFER_BIT);    // Borra la ventana de visualización.

    glColor3f (0.0, 0.0, 1.0);        // Establece el color de relleno en azul.
    glViewport (0, 0, 300, 300);      // Establece el visor izquierdo.
    triangle (verts);                 // Muestra el triángulo.

    /* Gira el triángulo y lo visualiza en la mitad derecha de la
    * ventana de visualización. */

    glColor3f (1.0, 0.0, 0.0);        // Establece el color de relleno en rojo.
    glViewport (300, 0, 300, 300);    // Establece el visor derecho.
    glRotatef (90.0, 0.0, 0.0, 1.0);  // Gira alrededor del eje z.
    triangle (verts);                 // Muestra el triángulo rojo girado.

    glFlush ( );
}
```

# Algoritmos de clipping

- Cómo eliminar las porciones de la escena que están fuera?
  - Clipping de puntos
  - Clipping de líneas
  - Clipping de polígonos
  - Clipping de texto
  - Clipping de curvas

# Clipping de un punto

- Ventana de clipping definida por:

$$(xw_{min}, yw_{min}) \quad y \quad (xw_{max}, yw_{max})$$

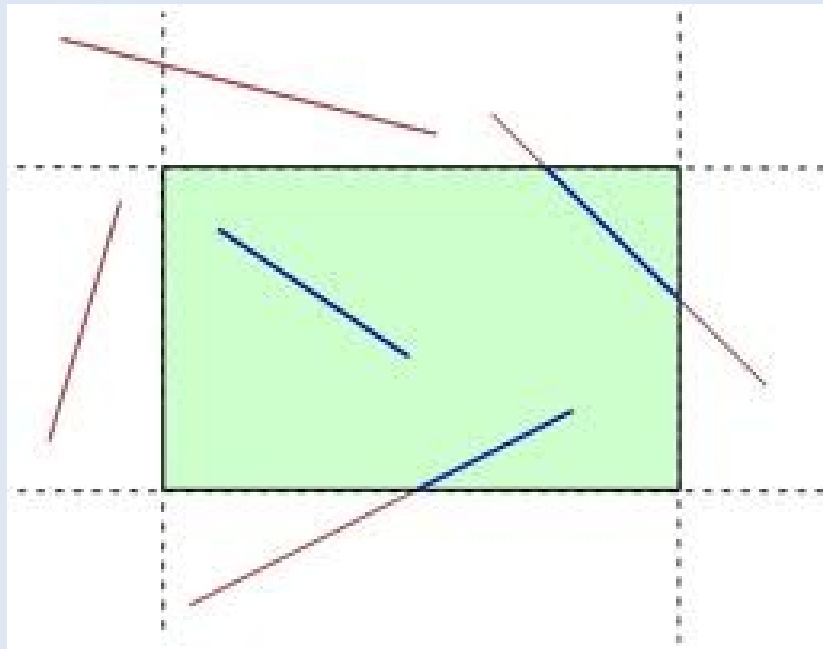
- Clipping de un punto:  $P(x, y)$

$$xw_{min} \leq x \leq xw_{max}$$

$$yw_{min} \leq y \leq yw_{max}$$

# Clipping de una línea

- Cómo chequear si un segmento está dentro, fuera o intersecciona el borde de la ventana?



# Algoritmo Cohen-Sutherland

- Ideas:
  - Cada punto extremo de un segmento se clasifica con un número binario de 4 bits
    - Bit 1: Left (lado izquierdo de la ventana)
    - Bit 2: Right (lado derecho de la ventana)
    - Bit 3: Bottom (bajo la ventana)
    - Bit 4: Top (arriba de la ventana)
  - Si un punto extremo está fuera de la ventana se asigna al (o los) bit(s) correspondiente(s) un 1

# Algoritmo Cohen-Sutherland

- Cómo clasificar  $P(x,y)$ ?

- Bit 1: bit de signo de

$$x - xW_{min}$$

- Bit 2: bit de signo de

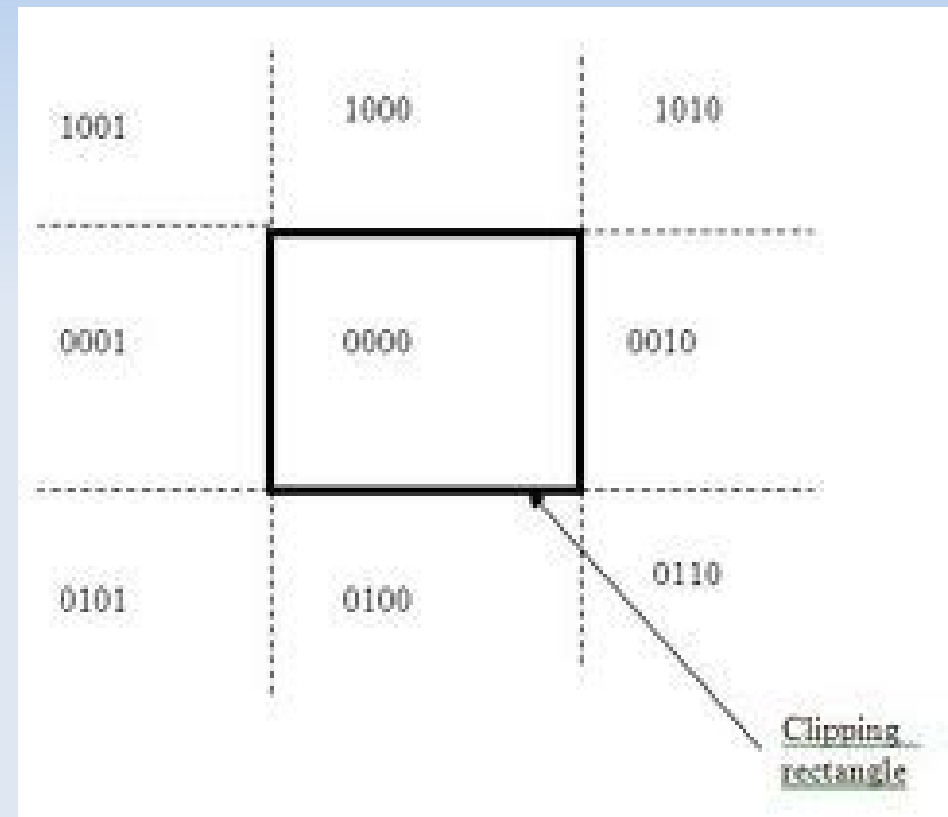
$$xW_{max} - x$$

- Bit 3: bit de signo de

$$y - yW_{min}$$

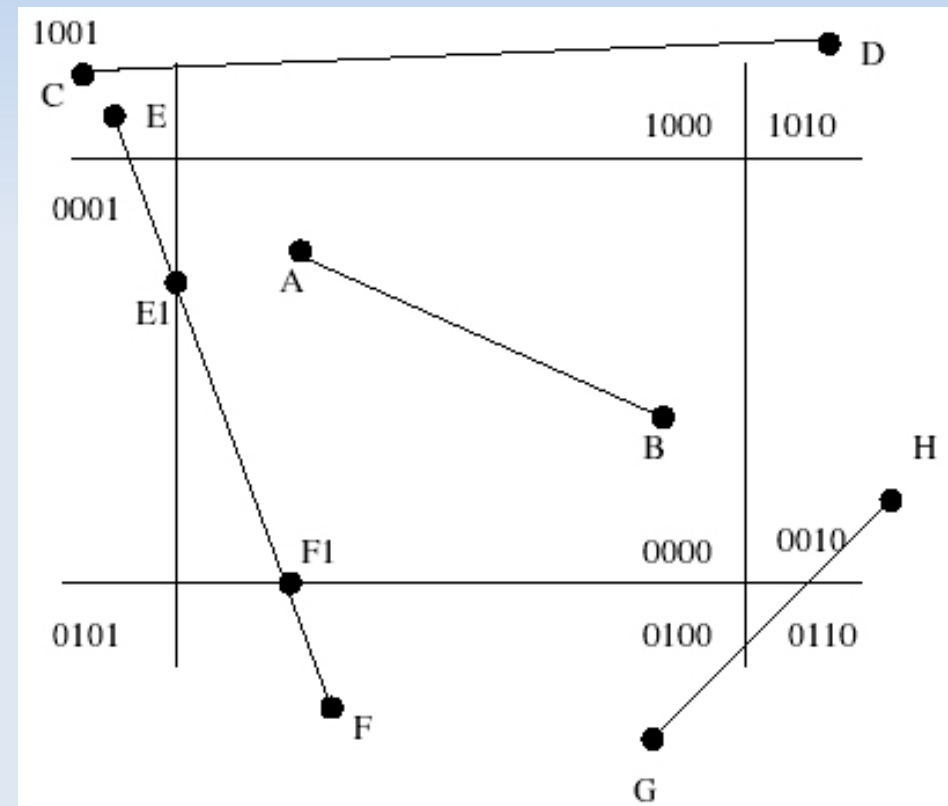
- Bit 4: bit de signo de

$$yW_{max} - y$$



# Algoritmo Cohen-Sutherland

- Uso de operaciones lógicas la secuencia de bits de cada punto extremo para decidir:
  - If la operación **OR** resulta 0 => segmento "in"
  - elseif la operación **AND** resulta  $\neq 0$  => segmento "out"
  - else calcular intersección



# Algoritmo Cohen-Sutherland

- Variaciones para el cálculo de las intersecciones:

$$P_0(x_0, y_0), P_{end}(x_{end}, y_{end})$$

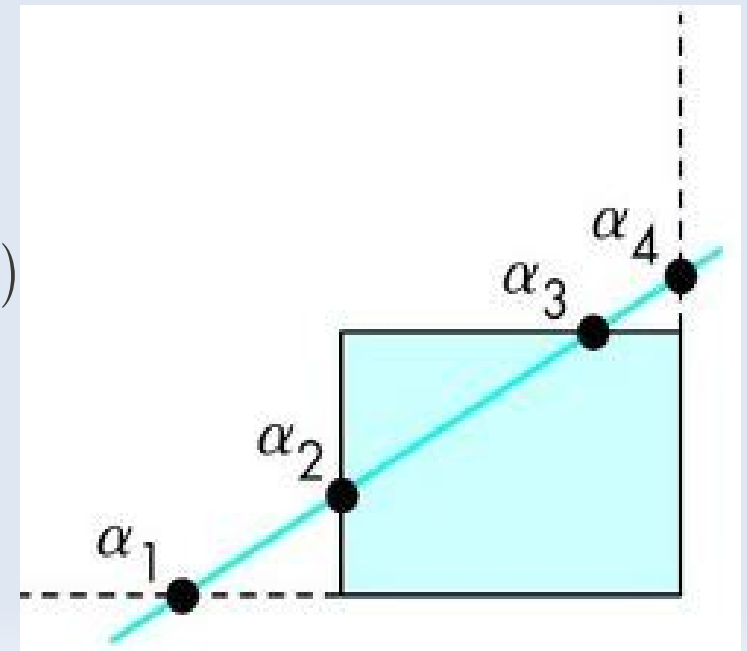
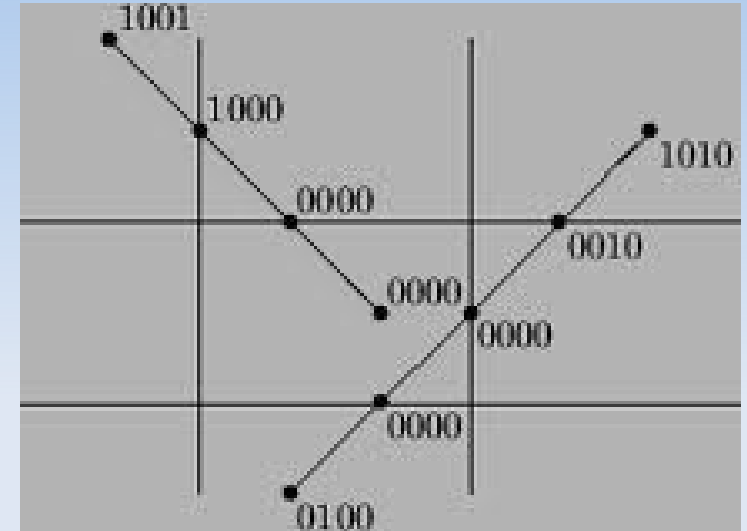
- Usando representación con la pendiente del segmento

$$y = mx + b$$

- Usando la representación paramétrica (Liang-Barsky)

$$x = x_0 + u(x_{end} - x_0) \quad y = y_0 + u(y_{end} - y_0)$$

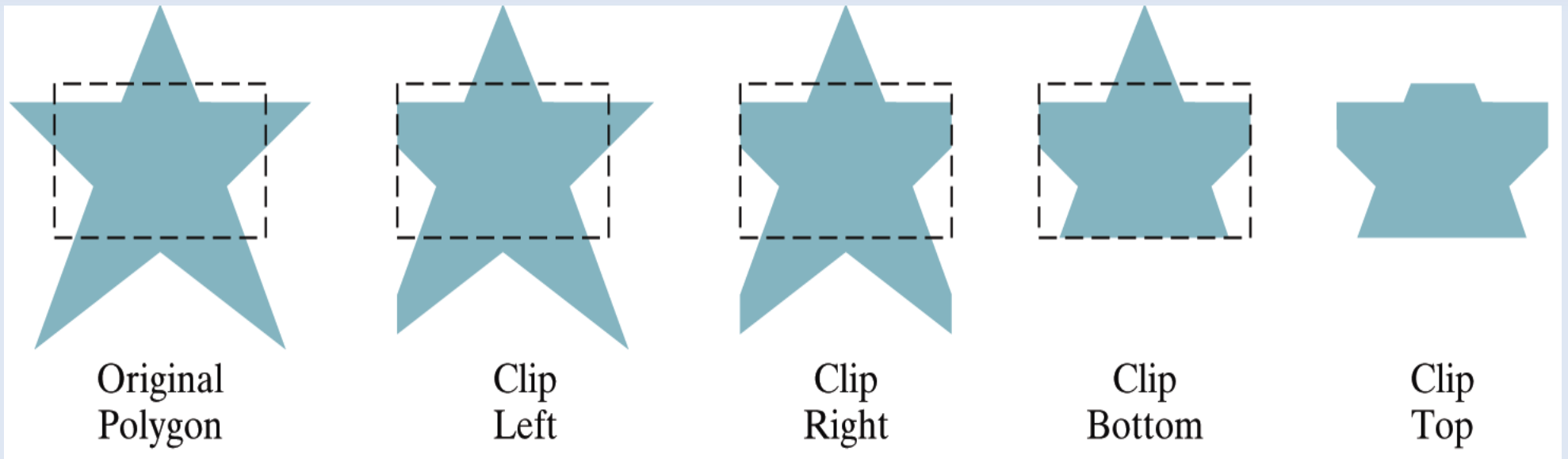
$$0 \leq u \leq 1$$





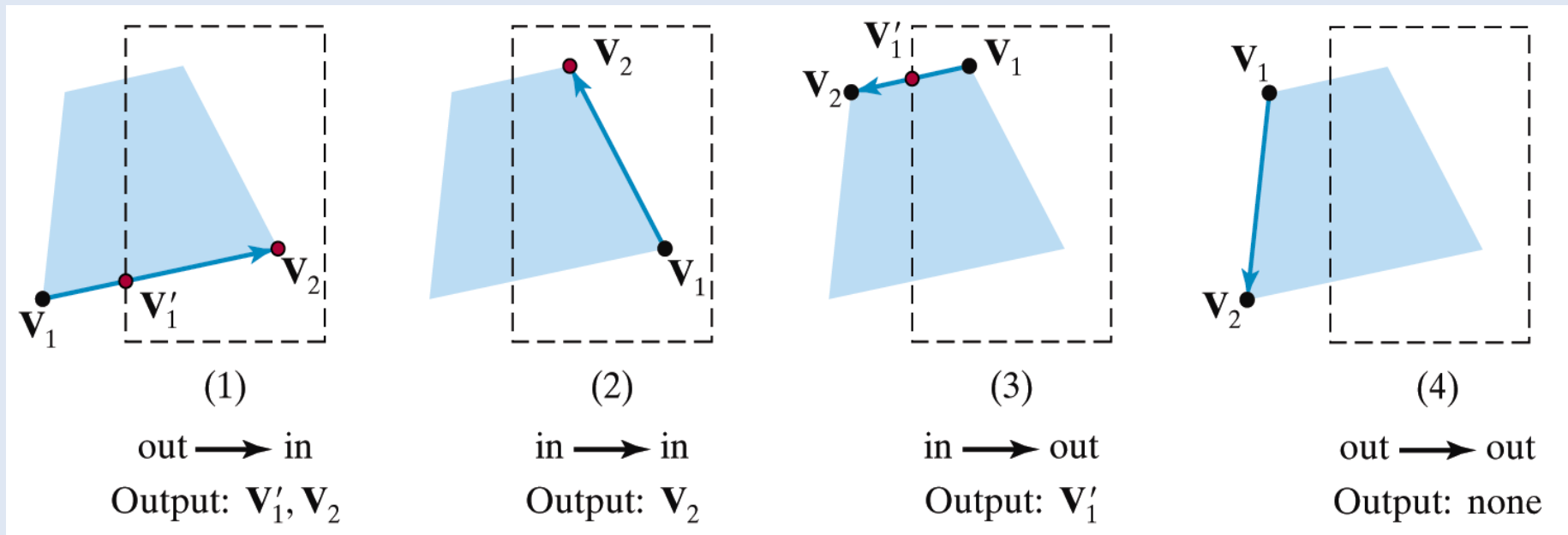
# Clipping polígonos

- Sutherland-Hodgeman Algorithm
  - Recorta el polígono contra los cuatro arcos



# Clipping polígonos

- Sutherland-Hodgeman Algorithm
  - Sobre polígonos convexos
  - Input: vértices del polígonos. Output: vértices del polígono recortado
  - Se analizan 4 casos



# Recorte de texto

- Usar bounding-box que rodea el texto
- Usar bounding-box de cada caracter
- Recortar cada caracter si es necesario

