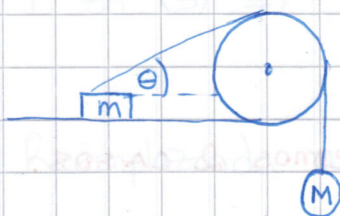
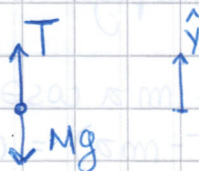


= PAUTA EJERCICIO #4 =



DCL M:

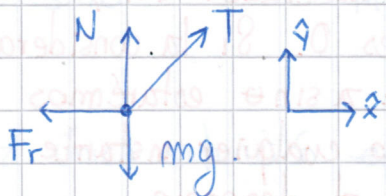


$$\hat{y}: T - Mg = -Ma$$

Notar que la aceleración es negativa según nuestro sistema de referencia.

$$\Rightarrow a = g - \frac{T}{M}$$

DCL m:



$$\hat{x}: T \cos \theta - Fr = m a \cdot \cos \theta$$

$$T \cos \theta - \mu \cdot N = m a \cos \theta$$

La aceleración del bloque de masa m chica NO es la misma que la de M.

$$\hat{y}: N + T \sin \theta - mg = 0$$

$$\Rightarrow N = mg - T \sin \theta$$

(\*) N la calculamos de esta ecuación para reemplazarla en Fr, NO siempre vale mg!

Reemplazando N y a en la ecuación de  $\hat{x}$ :

$$T \cos \theta - \mu mg + \mu T \sin \theta = mg \cos \theta - \frac{m}{M} T \cos \theta$$

$$\Rightarrow T = \frac{Mmg(\mu + \cos \theta)}{\cos \theta (M+m) + \mu M \sin \theta}$$

$$a = g - \frac{T}{M} \Rightarrow a = g - \frac{mg(\mu + \cos \theta)}{\cos \theta (M+m) + \mu M \sin \theta}$$

Cuando el bloque se despegue  $N=0 \Rightarrow F_r=0$

m:  $\hat{x}$ :  $T \cos \theta = m a \cos \theta$  (1)  
 $\Rightarrow \cos \theta (T - m a) = 0 \rightarrow$  Aquí tendremos 2 casos.

$\hat{y}$ :  $T \sin \theta - m g = 0$  (2)  $\rightarrow$  En el instante que el bloque se despegue su aceleración en  $\hat{y}$  todavía es 0. Si la consideramos como  $a_y = a \sin \theta$  estaremos considerando cualquier instante posterior al despegue.

M:  $\hat{y}$ :  $T - M g = -M a$   
 $\Rightarrow T = M(g - a)$  (3)

CASO 1:  $\cos \theta = 0$   
 $\Rightarrow \theta = 90^\circ$

(2)  $\Rightarrow T = m g$

Reemplazando la tensión en (3)  $\Rightarrow a = \frac{g(M-m)}{M}$

CASO 2:  $T = m a$  (1);  $T \sin \theta = m g$  (2);  $T = M(g - a)$  (3)

Iguando T de (1) y (2)  $\Rightarrow m a = M(g - a)$   
 $\Rightarrow a = \frac{M g}{(M + m)}$

Reemplazando  $a$  en (1)  $\Rightarrow T = \frac{M m g}{(M + m)}$

Para  $\theta$  Notamos que de (2):  $T = \frac{m g}{\sin \theta}$



$$T \text{ en (3)} \Rightarrow a = g - \frac{mg}{M \sin \theta}$$

Reemplazando  $a$  y  $T$  en (1)

$$\frac{mg}{\sin \theta} = mg - \frac{m^2 g}{M \sin \theta} \Rightarrow \sin \theta = \left(1 + \frac{m}{M}\right)$$

$$(*) \quad -1 \leq \sin \theta \leq 1$$

La única situación en que esto sería válido es cuando:

$$M \rightarrow \infty \Rightarrow \sin \theta \rightarrow 1 \Rightarrow \theta \rightarrow 90^\circ$$

Si  $\theta = 90^\circ \Rightarrow T = mg$  (ésto de la ecuación (2))

Verifiquemos si la Tension que habíamos calculado es  $mg$  cuando  $M \rightarrow \infty$

$$\lim_{M \rightarrow \infty} T = \lim_{M \rightarrow \infty} \frac{Mmg}{M+m} \stackrel{L'H}{=} \frac{mg}{1} \checkmark$$

Ahora verifiquemos el valor de  $a$

$$\lim_{M \rightarrow \infty} a = \lim_{M \rightarrow \infty} \frac{Mg}{M+m} \stackrel{L'H}{=} g$$

Pero si reemplazamos en (3)

$$T = M(g-a) = M(g-g) = 0 \quad \text{Pero } T = mg!!$$

Nos quedamos con la solución  $\theta = \frac{\pi}{2}$  del caso 1 \* CONTRADICCIÓN!