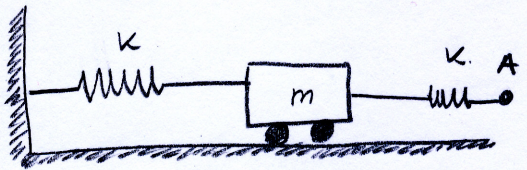


Auxiliar problema
Resuelto.

Problema 1

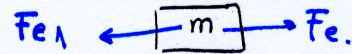


Punto A oscila como $x_1(t) = X_1 \cos \omega t$.
 x_1 medido desde su punto de equilibrio.

1. Encontrar ec. de movimiento.

Hacemos suma de fuerzas sobre el carrito.

$$\sum f_x: m a_x = F_e + F_{e_1}$$



$$\bullet F_e = -kx$$

$$\bullet F_{e_1} = -k(x - x_1)$$

Reemplazando:

$$m \ddot{x} = -kx - k(x - x_1)$$

$$m \ddot{x} = -2kx + kx_1$$

$$\ddot{x} + \left(\frac{2k}{m}\right)x = \frac{k}{m}x_1$$

Finalmente:

$$\ddot{x} + \left(\frac{2k}{m}\right)x = \frac{kX_1}{m} \cos(\omega t)$$

2. Señalar tipo de movimiento.

- Como no tiene fuerzas disipativas, o en la ec. de movimiento no hay un término con \dot{x} no es amortiguado.
- No es una ecuación igual a cero, sino que a un forzamiento $(\cos \omega t)$. También se puede argumentar que tiene un forzamiento dado por el resorte móvil. \rightarrow Es forzado.

El movimiento es una oscilación forzada no amortiguada.

3. Solución de la ecuación.

La solución al oscilador forzado y amortiguado es:

$$x(t) = A e^{-\frac{\gamma}{2t}} \cos(\omega_0 t + \phi_0) + \frac{F_0 F_0 / m}{\sqrt{(\omega_0^2 - \omega)^2 + \frac{\omega^2}{\zeta^2}}} \cos(\omega t - \delta)$$

Como no hay roce viscoso, el coeficiente de roce es cero.
 $\gamma = 0 \rightarrow \zeta \rightarrow \infty$.

$$x(t) = A \cos(\omega_0 t + \phi_0) + \frac{kX_1/m}{\omega_0^2 - \omega^2} \cos(\omega t)$$