

HOW TO: LA BUENA FORMA DE LAS DEMOSTRACIONES

PASO 0:

DEMOSTRACIONES DEL ESTILO:

(1) $\forall x \in \mathbb{R} \quad x \cdot 0 = 0$

(2) $\forall x, y \in \mathbb{R}^* \quad x \cdot y^{-1} = (x^{-1} \cdot y)^{-1}$

(3) $\forall x \in \mathbb{R} \quad (-1)x = -x$

PERO SIRVE

PARA TODAS

LAS QUE SE

VERÁN EN EL CURSO

PASO 1:

IDENTIFICAR UN ELEMENTO CONOCIDO CON PROPIEDADES DE UNIDAD

en (1) SERÁ EL 0 (UNIDAD DEL NEUTRO ADITIVO)

en (2) SERÁ $(x^{-1} \cdot y)^{-1}$ (UNIDAD DEL INVERSO MULTIPLICATIVO)

en (3) SERÁ $-x$ (UNIDAD DEL INVERSO ADITIVO)

PASO 2:

ESCRIBIR LA ECUACIÓN ASOCIADA A LA UNIDAD DEL TÉRMINO ELEGIDO EN EL PASO 1.

en (1) SERÁ $x + 0 = x$

en (2) SERÁ $(x^{-1} \cdot y)(x^{-1} \cdot y)^{-1} = 1$

en (3) SERÁ $x + (-x) = 0$

IMPORTANTE

NOTAR QUE

LOS ELEMENTOS

EN VERDE SON LOS

ÚNICOS QUE SATISFACEN

ESTAS ECUACIONES

PASO 3:

REEMPLAZAR EN NUESTRAS ECUACIONES DEL PASO 2

EL TÉRMINO ELEGIDO POR EL NO ELEGIDO EN EL PASO 1.

en (1) SERÁ $x + x \cdot 0 = x$

en (2) SERÁ $(x^{-1} \cdot y) \cdot (x \cdot y^{-1}) = 1$

en (3) SERÁ $x + (-1)x = 0$

INTRODUCCIÓN

A CÁLCULO,

SECCIÓN 3,

PRIMAVERA 2024

- Yaracio Dagach
Aluagattas

PASO 4:

VERIFICAR QUE SE CUMPLEN LAS ECUACIONES DEL PASO 3

Resumen del caso (3):

Como $(-x)$ es el único real (PASO 1) que cumple que

$x + (-x) = 0$ (PASO 2), si demostramos que

$x + (-1)x = 0$ (PASO 3, 4 y 5), tendremos que, por

unicidad del inverso

aditivo $(-x), (-1)x = -x$,

demostrando lo pedido

PASO 5:

CONCLUIR. PUES SI LOS TÉRMINOS

NO ELEGIDOS SATISFACEN LAS

ECUACIONES DEL PASO 3, SIGNIFICA

QUE: $x \cdot 0 = 0$, $x \cdot y^{-1} = (x^{-1} \cdot y)^{-1}$, $(-1)x = -x$

DADO QUE POR PASO 2, LOS TÉRMINOS

ELEGIDOS SON LOS ÚNICOS QUE SATISFACEN

ESAS ECUACIONES.

(SI LOS CUMPLEN LOS ELEGIDOS Y LOS NO ELEGIDOS,

POR UNIDAD, SON IGUALES)